

# Activités mentales

Banque sur les suites

Niveaux envisageables : 1<sup>ère</sup> / Term

Les diapositives suivantes visent  
exclusivement le travail mental.

Inscrire sur votre feuille uniquement la ou  
les réponses attendues.

La suite  $(u_n)_{n \geq 0}$  est géométrique.

$$u_1 = 10 \text{ et } u_2 = 50$$

Donner l'expression explicite de  $u_n$ .

La suite  $(u_n)_{n \geq 0}$  est arithmétique.

$$u_1 = 10 \text{ et } u_9 = 34$$

Donner l'expression explicite de  $u_n$ .

$$\forall n \geq 0, u_{n+1} = 3u_n - 1$$

$$u_0 = 20$$

Calculer  $u_2$ .

$$\forall n \geq 0, u_{n+1} = 3u_n - n$$

$$u_0 = 20$$

Calculer  $u_2$ .

Quelles sont les suites  $(u_n)$  convergentes ?

A/ pour tout  $n > 0$  ,  $u_n = (-1)^n$

B/ pour tout  $n > 0$  ,  $u_n = \frac{5}{n}$

C/ pour tout  $n > 0$  ,  $u_n = n^2$

D/  $u_1 = 10$  et pour tout  $n > 0$  ,  $u_{n+1} = 2u_n$

$(v_n)$  est arithmétique de raison  $R$ .

$(v_n)$  diverge vers  $+\infty$ .

Alors, il est certain que :

A/  $v_0 > 0$

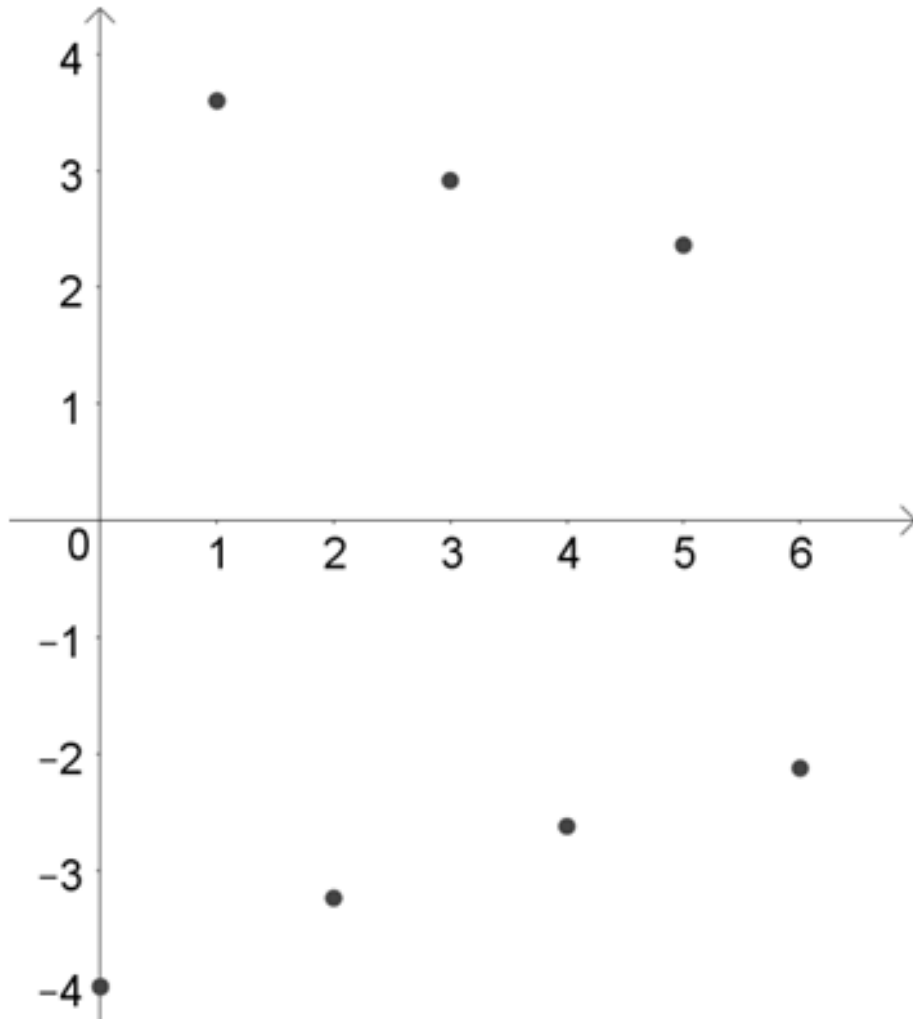
B/  $R > 0$

C/  $(v_n)$  est strictement croissante

D/  $(v_n)$  est minorée



$(w_n)$  est géométrique de raison  $q$ .  
D'après la représentation graphique,  
que peut-on affirmer sur  $q$  ?



A/  $q < -1$

B/  $q = -1$

C/  $-1 < q < 0$

D/  $0 < q < 1$

E/  $q \geq 1$

Déterminer le plus petit rang  $n$  à partir duquel

$$1 + \frac{2}{n} < 1,01 .$$

Déterminer le plus grand rang  $n$  tel que

$$1 + \frac{2}{n} > 1,002 .$$

$$\forall n \in \mathbb{N}, u_n = \left( \frac{\sqrt{2}}{1 + \sqrt{2}} \right)^n$$

Parmi les mots suivants, recopier ceux qui donnent une propriété de la suite  $(u_n)$ .

Convergente

Croissante

Décroissante

Divergente

Non monotone

Term

$$\forall n \in \mathbb{N}, u_n = (-0,99)^n$$

Parmi les mots suivants, recopier celui ou ceux qui donne(nt) une propriété de la suite  $(u_n)$ .

Minorée

Bornée

Majorée

$$\forall n > 0, a_n = \frac{\sqrt{n}}{n}$$

La suite  $(a_n)$  est-elle  
convergente ou divergente ?

$$\forall n \geq 0, b_n = 2^n + 0,2^n$$

La suite  $(b_n)$  est-elle  
convergente ou divergente ?

$$\forall n \geq 0, c_n = \frac{n}{n+1}$$

La suite  $(c_n)$  est-elle  
convergente ou divergente ?



$$\forall n \geq 0, d_n = n^2 - n$$

La suite  $(d_n)$  est-elle  
convergente ou divergente ?

La suite  $(u_n)_{n \geq 0}$  est arithmétique.

Donner une expression explicite de  $u_n$ .

	A	B
1	n	un
2	10	54
3	11	59
4	12	64
5	13	69
6	14	74
7	15	79
8	16	84
9	17	89
10	18	94

La suite  $(u_n)_{n \geq 0}$  est géométrique.

Donner une expression explicite de  $u_n$ .

	A	B
1	n	un
2	2	20
3	3	-40
4	4	80
5	5	-160
6	6	320
7	7	-640
8	8	1280
9	9	-2560
10	10	5120

1<sup>ère</sup> / Term

$$u_0 = 2 \text{ et } \forall n \geq 0, u_{n+1} = 0,2u_n + n$$

Compléter les pointillés pour que l'algorithme affiche le terme  $u_n$  en sortie

<b>Variables :</b>	i, u, n
<b>Entrée :</b>	Saisir n
<b>Traitement :</b>	u prend la valeur 2 Pour i allant de 1 à n   u prend la valeur .....
	Fin pour
<b>Sortie :</b>	Afficher u

La suite  $(u_n)$  définie  
pour tout entier  $n$  non nul par  $u_n = \frac{-3}{n}$

- Est croissante.
- Est décroissante.
- Est non monotone

La suite  $(u_n)$  définie sur  $\mathbb{N}$   
par  $u_n = -4 + 5n$

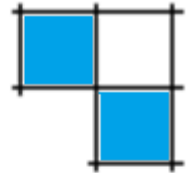
- Est croissante.
- Est décroissante.
- Est non monotone.

$u_n$  désigne le nombre de cases du  $n$ -ème motif.

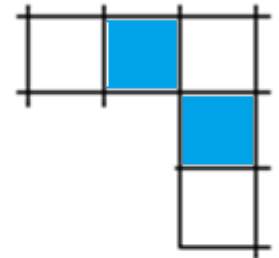
$$U_{100} = ?$$

Pour le 1<sup>er</sup> motif

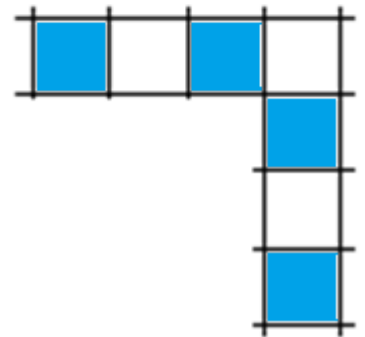
$$u_1 = 3$$



$$u_2 = 5$$



$$u_3 = 7$$

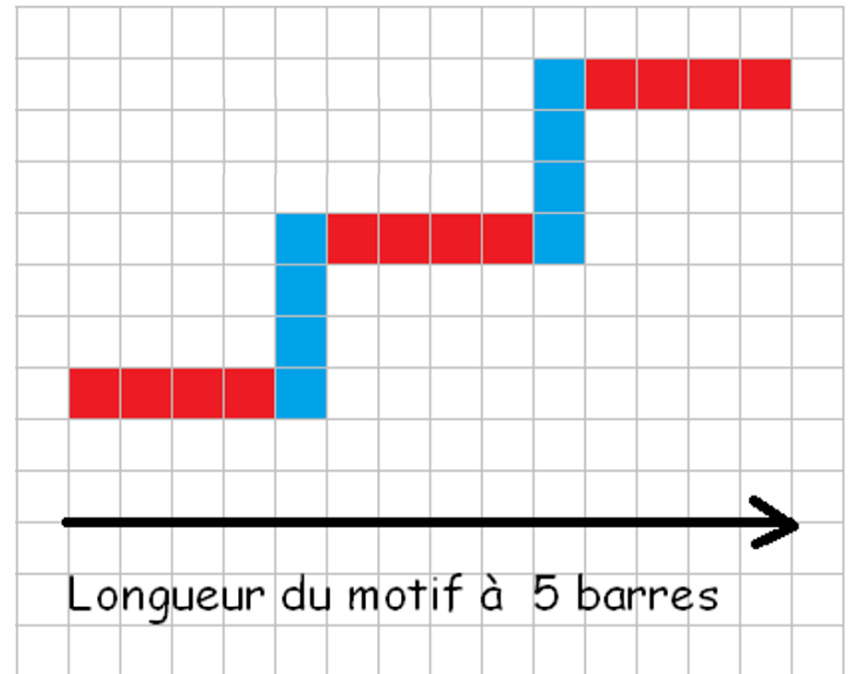


1<sup>ère</sup> / Term

$L_n$  désigne la longueur du motif  
construit avec  $n$  barres .

$$L_{100} = ?$$

$$L_{101} = ?$$





Pour tout  $n \in \mathbb{N}$ ,  $u_n = 4 \times 2^n$ .

Alors, pour tout  $n \geq 1$ ,  $u_0 + u_1 + \dots + u_n =$

A/  $4 \times \frac{1-2^n}{1-2}$

B/  $2 \times \frac{1-4^n}{1-4}$

C/  $4 \times (1 - 2^{n+1})$

D/  $4 \times (2^{n+1} - 1)$

$(u_n)$  est une suite convergente.

Quelle(s) est (sont) la (les) proposition(s) vraie(s) ?

A/  $(u_n)$  est nécessairement croissante et majorée.

B/  $(u_n)$  a nécessairement une limite finie.

C/  $(u_n)$  est nécessairement une suite positive.

D/  $(-2u_n)$  est nécessairement convergente.

Soit  $(u_n)$  et  $(v_n)$  deux suites réelles.

La phrase suivante est **fausse** :

« Si la suite  $(u_n + v_n)$  converge, alors les suites  $(u_n)$  et  $(v_n)$  convergent. »

Donner un **contre exemple**.

Soit  $(u_n)$  et  $(v_n)$  deux suites réelles.

La phrase suivante est **fausse** :

« Si la suite  $(u_n \times v_n)$  converge,  
alors les suites  $(u_n)$  et  $(v_n)$  convergent. »

Donner un **contre exemple**.